

## التجاذب الكوني

### \* نص قانون التجاذب الكوني

تتجاذب الأجسام بسبب كتلها ، فيطبق بعضها على البعض قوى تأثير تجاذبي .

### \* الصياغة الرياضية لقانون نيوتن

نعتبر جسمان نقطيان A و B كتلتاهم على التوالي  $m_A$  و  $m_B$  و تفصل بينهما مسافة  $d=AB$  يحدث بين هاذين الجسمين تأثير بيني تجاذبي قوته  $\vec{F}_{A/B}$  و  $\vec{F}_{B/A}$  لهما المميزات التالية :

- نفس خط التأثير
- منحياهما متعاكسان

- لهما نفس الشدة وعبر عنها بالعلاقة التالية :

$$F_{A/B} = F_{B/A} = G \frac{m_A \cdot m_B}{d^2}$$

$G=6.67 \cdot 10^{-11} \text{ Nm}^2 \text{ kg}^{-2}$  تسمى ثابتة التجاذب الكوني ، وقيمتها في النظام العالمي للوحدات هي :

### \* التأثير بيني لجسمين غير نقطيين

يخضع جسمان A و B لهما تماثل كروي للكتلة إلى تأثير بيني تجاذبي ، حيث تكون لقوتي هذا التجاذب نفس الشدة  $F$  بحيث :

$$F = G \frac{m_A \cdot m_B}{d^2}$$

$m_B$  و  $m_A$  كتلتا الجسمين و  $d$  المسافة بين مركزيهما .

### \* التأثير بيني لجسم ذي تماثل كروي وجسم A نقطي

جسم كتلته  $m_A$  موزعة كرويا ويوجد على ارتفاع  $h$  من سطح كوكب الأرض يخضع لقوة تجاذب كوني شدتها :

$$F_{T/A} = G \frac{M_T m_A}{(R_T + h)^2}$$

حيث  $M_T$  كتلة الكوكب و  $R_T$  شعاعه.

### \* وزن الجسم

وزن الجسم هو القوة المقرنة بتأثير الأرض على الجسم ورمز له بالمتحجة  $\vec{P}=mg$  مميزاته هي : خط التأثير هو الخط الشاقولي أو الرأسى المار من مركز ثقل الجسم . شدته هي  $P=mg$  حيث  $m$  كتلة الجسم و  $g$  شدة الثقالة وتسمى  $\vec{g}$  متوجهة مجال التفلاة .

إهمال دوران الأرض حول نفسها يمكن اعتبار أن شدة وزن الجسم وشدة قوة التجاذب الأرضي متساويان أي :

$$P_A = F_{T/A} \Rightarrow m_A g_h = G \frac{M_T m_A}{(R + h)^2} \Rightarrow g_h = G \frac{m_T}{(R + h)^2}$$

من هذه العلاقة يتبين أن و شدة الثقالة تتعلق بالارتفاع  $h$

على سطح الأرض تكون  $h=0$  في هذه الحالة نرمز لشدة الثقالة ب  $g_0$  وتعبيرها

\* من العلاقاتين السابقتين نستنتج أن

$$g_h = g_0 \frac{R^2}{(R + h)^2}$$

**ملحوظة :** نظراً لكون الأرض ليست كروية الشكل فإن  $g_0$  تتغير حسب خط العرض — يمكن تعريف وزن الجسم على سطح كوكب آخر حيث تتعلق و بالثقالة التي يحدُثها هذا الكوكب .