

TRAVAIL ET ÉNERGIE POTENTIELLE DE PESANTEUR

Chapitre 4

allal Mahdade

Groupe scolaire La Sagesse Lycée qualifiante

23 novembre 2015

Sommaire

TRAVAIL
ET
ÉNERGIE
POTEN-
TIELLE
DE PE-
SANTEUR

allal
Mahdade

Introduction

Énergie
potentielle
de
pesanteur

Énergie
mécanique
d'un corps
solide

1 Introduction

2 Énergie potentielle de pesanteur

3 Énergie mécanique d'un corps solide

Sommaire

TRAVAIL
ET
ÉNERGIE
POTEN-
TIELLE
DE PE-
SANTEUR

allal
Mahdade

Introduction

Énergie
potentielle
de
pesanteur

Énergie
mécanique
d'un corps
solide

1 Introduction

2 Énergie potentielle de pesanteur

3 Énergie mécanique d'un corps solide

Sommaire

TRAVAIL
ET
ÉNERGIE
POTEN-
TIELLE
DE PE-
SANTEUR

allal
Mahdade

Introduction

Énergie
potentielle
de
pesanteur

Énergie
mécanique
d'un corps
solide

- 1 Introduction
- 2 Énergie potentielle de pesanteur
- 3 Énergie mécanique d'un corps solide

Introduction

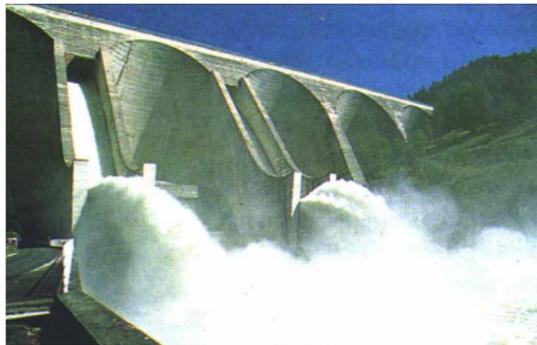
TRAVAIL
ET
ÉNERGIE
POTEN-
TIELLE
DE PE-
SANTEUR

allal
Mahdade

Introduction

Énergie
potentielle
de
pesanteur

Énergie
mécanique
d'un corps
solide



L'eau de barrage emmagasine une grande quantité d'énergie pouvant être exploitée pour produire de l'électricité . Cette énergie est appelée **énergie potentielle de pesanteur** .

Qu'est - ce que l'énergie potentielle de pesanteur d'un corps solide ?

Quelles est son expression mathématique ? Et comment est-elle exploitée ?

I. Énergie potentielle de pesanteur

TRAVAIL
ET
ÉNERGIE
POTEN-
TIELLE
DE PE-
SANTEUR

allal
Mahdade

Introduction

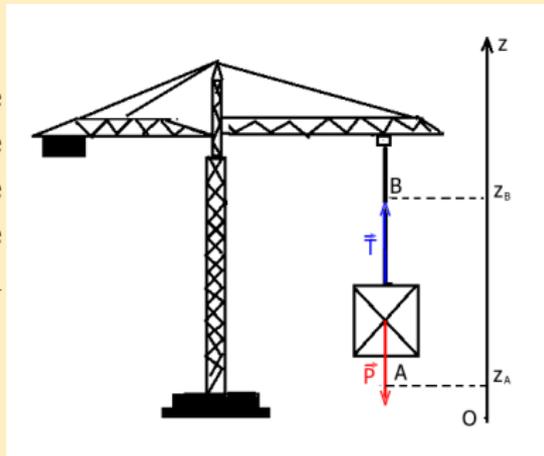
Énergie
potentielle
de
pesanteur

Énergie
mécanique
d'un corps
solide

1. Mise en évidence de l'énergie potentielle de pesanteur

Activité 1 :

En appliquant le théorème d'énergie cinétique calculer le travail de la tension de câble pour soulever la charge de masse m du point A d'altitude z_A au point B d'altitude z_B .



I. Énergie potentielle de pesanteur

En supposant que la montée se fait lentement, d'après le T.E.C :

$$\Delta E_C = 0 \implies W_{AB}(\vec{P}) + W_{AB}(\vec{T}) = 0$$

$$W_{AB}(\vec{T}) = -W_{AB}(\vec{P})$$

$$W_{AB}(\vec{T}) = mgz_B - mgz_A$$

conclusion :

Lorsque une grue soulève une charge par un câble de $A(z_A)$ à $B(z_B)$, la tension du câble \vec{T} effectue un travail

$W_{AB}(\vec{T}) = mgz_B - mgz_A$ qui transmet au charge de l'énergie qui dépend de sa masse et de son altitude $h = z_B - z_A$. Cette énergie s'appelle énergie potentielle de pesanteur.

I. Énergie potentielle de pesanteur

TRAVAIL ET ÉNERGIE POTEN- TIELLE DE PE- SANTEUR

allal
Mahdade

Introduction

Énergie
potentielle
de
pesanteur

Énergie
mécanique
d'un corps
solide

Definition

L'énergie potentielle de pesanteur d'un solide est l'énergie que possède un solide du fait de sa position par rapport à la Terre . Elle résulte de l'interaction gravitationnelle entre le solide et la terre . Elle est notée E_{pp} .
Cette énergie s'exprime en joules (J) .

I. Énergie potentielle de pesanteur

2. L'expression de l'énergie potentielle de pesanteur

L'énergie potentielle de pesanteur d'un solide est donnée en générale par l'expression suivante :

$$E_{pp} = mgz + Cte \quad (1)$$

m est la masse du solide en kg

g l'intensité de pesanteur (N/kg)

z altitude du centre de gravité du solide en (m)

Cte est une constante (J)

I. Énergie potentielle de pesanteur

TRAVAIL ET ÉNERGIE POTEN- TIELLE DE PE- SANTEUR

allal
Mahdade

Introduction

Énergie
potentielle
de
pesanteur

Énergie
mécanique
d'un corps
solide

☞ L'énergie potentielle de pesanteur n'est connue qu'à une constante additive près noté Cte .
qui dépend d'un état de référence pour lequel l'énergie potentielle de pesanteur est nulle. Cet état de référence est choisi arbitrairement .

I. Énergie potentielle de pesanteur

3. État de référence

- Avant tout calcul de l'énergie potentielle de pesanteur, il faut déterminer la constante Cte . Pour cela :
- On oriente l'axe $\vec{O}z$ vers le haut .
- ☞ On choisit comme état de référence $E_{pp} = 0$, le plan horizontal passant par l'origine O où $z = 0$. Dans ce cas la constante $Cte = 0$. Donc l'énergie potentiel pour une position d'altitude z est :

$$E_{pp} = mgz$$

- si $z > 0$ on a $E_{pp} > 0$
- si $z < 0$ on a $E_{pp} < 0$
 - ☞ L'énergie potentielle de pesanteur est une valeur algébrique . (à cause de l'altitude z)

I. Énergie potentielle de pesanteur

3. État de référence

- Avant tout calcul de l'énergie potentielle de pesanteur, il faut déterminer la constante Cte . Pour cela :

- On oriente l'axe \vec{Oz} vers le haut .
- ☞ On choisit comme état de référence $E_{pp} = 0$, le plan horizontal passant par l'origine O où $z = 0$. Dans ce cas la constante $Cte = 0$. Donc l'énergie potentiel pour une position d'altitude z est :

$$E_{pp} = mgz$$

- si $z > 0$ on a $E_{pp} > 0$
- si $z < 0$ on a $E_{pp} < 0$
 - ☞ L'énergie potentielle de pesanteur est une valeur algébrique . (à cause de l'altitude z)

I. Énergie potentielle de pesanteur

3. État de référence

- Avant tout calcul de l'énergie potentielle de pesanteur, il faut déterminer la constante Cte . Pour cela :
- On oriente l'axe \vec{Oz} vers le haut .
- ☞ On choisit comme état de référence $E_{pp} = 0$, le plan horizontal passant par l'origine O où $z = 0$. Dans ce cas la constante $Cte = 0$. Donc l'énergie potentiel pour une position d'altitude z est :

$$E_{pp} = mgz$$

- si $z > 0$ on a $E_{pp} > 0$
- si $z < 0$ on a $E_{pp} < 0$
 - ☞ L'énergie potentielle de pesanteur est une valeur algébrique . (à cause de l'altitude z)

I. Énergie potentielle de pesanteur

3. État de référence

- Avant tout calcul de l'énergie potentielle de pesanteur, il faut déterminer la constante Cte . Pour cela :
- On oriente l'axe \vec{Oz} vers le haut .
- ☞ On choisit comme état de référence $E_{pp} = 0$,
le plan horizontal passant par l'origine O où $z = 0$. Dans ce cas la constante $Cte = 0$. Donc l'énergie potentiel pour une position d'altitude z est :

$$E_{pp} = mgz$$

- si $z > 0$ on a $E_{pp} > 0$
- si $z < 0$ on a $E_{pp} < 0$
☞ L'énergie potentielle de pesanteur est une valeur algébrique . (à cause de l'altitude z)

I. Énergie potentielle de pesanteur

3. État de référence

- Avant tout calcul de l'énergie potentielle de pesanteur, il faut déterminer la constante Cte . Pour cela :
- On oriente l'axe \vec{Oz} vers le haut .
- ☞ On choisit comme état de référence $E_{pp} = 0$,
le plan horizontal passant par l'origine O où $z = 0$. Dans ce cas la constante $Cte = 0$. Donc l'énergie potentiel pour une position d'altitude z est :

$$E_{pp} = mgz$$

- si $z > 0$ on a $E_{pp} > 0$
- si $z < 0$ on a $E_{pp} < 0$
 - ☞ L'énergie potentielle de pesanteur est une valeur algébrique . (à cause de l'altitude z)

I. Énergie potentielle de pesanteur

3. État de référence

- Avant tout calcul de l'énergie potentielle de pesanteur, il faut déterminer la constante Cte . Pour cela :
- On oriente l'axe \vec{Oz} vers le haut .
- ☞ On choisit comme état de référence $E_{pp} = 0$,
le plan horizontal passant par l'origine O où $z = 0$. Dans ce cas la constante $Cte = 0$. Donc l'énergie potentiel pour une position d'altitude z est :

$$E_{pp} = mgz$$

- si $z > 0$ on a $E_{pp} > 0$
- si $z < 0$ on a $E_{pp} < 0$
 - ☞ L'énergie potentielle de pesanteur est une valeur algébrique . (à cause de l'altitude z)

I. Énergie potentielle de pesanteur

☞ On choisit comme état de référence $E_{pp} = 0$, le plan horizontal passant par le point A où l'altitude $z = z_0$.

Dans ce cas la constante $Cte = -mgz_0$ i.e que l'énergie potentiel pour une position d'altitude z est :

$$E_{pp} = mg(z - z_0)$$

☞ D'une façon générale, si l'axe \vec{Oz} est orienté vers le haut l'expression de l'énergie potentielle de pesanteur est la suivante :

$$E_{pp} = mg(z - z_{ref}) \quad (2)$$

où z_{ref} l'altitude du point où on a choisi l'état de référence.

I. Énergie potentielle de pesanteur

TRAVAIL
ET
ÉNERGIE
POTEN-
TIELLE
DE PE-
SANTEUR

allal
Mahdade

Introduction

Énergie
potentielle
de
pesanteur

Énergie
mécanique
d'un corps
solide

Remarque important

Si on oriente l'axe $\vec{0z}$ vers le bas l'expression de l'énergie potentielle deviennent :

$$E_{pp} = -mg(z - z_{ref}) \quad (3)$$

I. Énergie potentielle de pesanteur

Application 1

Un parachutiste de masse $70kg$ est largué à $1500m$ d'altitude et attirée sur le sol , au niveau de la mer . Donnée : L'axe \vec{Oz} est orienté vers le haut

L'intensité de pesanteur : $g = 9,80N/kg$. Donner l'expression de l'énergie potentielle en choisissant les états de référence suivantes :

- Le niveau du sol
- le niveau de l'avion

2. Calculer la variation de l'énergie de potentielle ΔE_{pp} dans chacun des états de référence choisi dans la 2^{ème} question .

3. Qu'en concluez vous ?

I. Énergie potentielle de pesanteur

TRAVAIL
ET
ÉNERGIE
POTEN-
TIELLE
DE PE-
SANTEUR

allal
Mahdade

Introduction

Énergie
potentielle
de
pesanteur

Énergie
mécanique
d'un corps
solide

4. Propriétés de l'énergie potentielle de pesanteur

- a. La variation de l'énergie potentielle de pesanteur
D'après l'application précédente on conclue que la variation de l'énergie potentiel ΔE_{pp} ne dépend pas de l'état de référence et ne dépend que de l'état initial et de l'état final .

Généralisation

Généralement l'expression de la variation de l'énergie potentielle de pesanteur entre état initial (A) et l'état final (B) est :

$$\Delta E_{pp} = mg(z_B - z_A) \quad (4)$$

I. Énergie potentielle de pesanteur

4. Propriétés de l'énergie potentielle de pesanteur

- **a. La variation de l'énergie potentielle de pesanteur**
D'après l'application précédente on conclue que la variation de l'énergie potentiel ΔE_{pp} ne dépend pas de l'état de référence et ne dépend que de l'état initial et de l'état final .

Généralisation

Généralement l'expression de la variation de l'énergie potentielle de pesanteur entre état initial (A) et l'état final (B) est :

$$\Delta E_{pp} = mg(z_B - z_A) \quad (4)$$

I. Énergie potentielle de pesanteur

4. Propriétés de l'énergie potentielle de pesanteur

- **a. La variation de l'énergie potentielle de pesanteur**
D'après l'application précédente on conclue que la variation de l'énergie potentiel ΔE_{pp} ne dépend pas de l'état de référence et ne dépend que de l'état initial et de l'état final .

Généralisation

Généralement l'expression de la variation de l'énergie potentielle de pesanteur entre état initial (A) et l'état final (B) est :

$$\Delta E_{pp} = mg(z_B - z_A) \quad (4)$$

●

I. Énergie potentielle de pesanteur

b. Relation entre la variation de l'énergie potentielle de pesanteur d'un solide et le travail de son poids .

Dans le cas où l'axe \vec{Oz} est orienté vers le haut la variation de l'énergie potentielle de pesanteur est :

$$\Delta E_{pp} = mg(z_B - z_A)$$

et le travail de poids entre A et B est : $W_{AB} = mgh$ avec $h = z_A - z_B$ donc

$$W_{AB} = mg(z_A - z_B)$$

Donc

$$\Delta E_{pp} = -W_{AB} \quad (5)$$

I. Énergie potentielle de pesanteur

Application 2

Un maçon soulève verticalement un objet métallique ponctuel de masse $m = 12\text{kg}$ d'un point A situé sur le sol vers un point B situé à une hauteur de $h = AB = 80\text{cm}$, puis le lâche sans vitesse initiale .
Donnée : L'axe \vec{Oz} est orienté vers le haut

L'intensité de pesanteur : $g = 9,80\text{N/kg}$

1. Quel est l'effet du travail de la force \vec{F} exercée par le maçon sur l'objet métallique ?
2. Écrire l'expression qui relie le travail de la force \vec{F} et la variation de l'énergie potentielle de pesanteur entre A et B .
3. En déduire la valeur de $W_{AB}(\vec{F})$.

II. Énergie mécanique d'un corps solide

TRAVAIL
ET
ÉNERGIE
POTEN-
TIELLE
DE PE-
SANTEUR

allal
Mahdade

Introduction

Énergie
potentielle
de
pesanteur

Énergie
mécanique
d'un corps
solide

Introduction



Le plongeur possède une énergie potentielle de pesanteur lorsqu'il est sur un plongeoir et essentiellement de l'énergie cinétique lorsqu'il entre dans l'eau .

Comment s'assurer que la transformation de l'énergie potentielle en énergie cinétique est totale ou non ? et quelle est la relation entre cette transformation et l'énergie mécanique ?

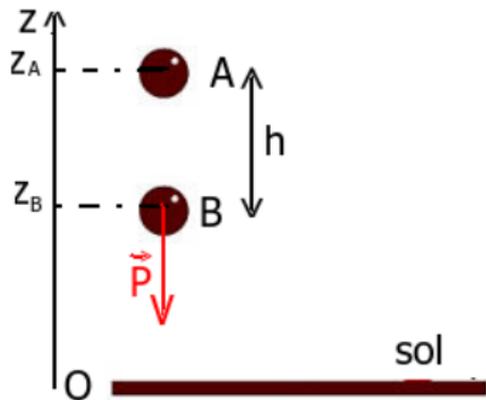
II. Énergie mécanique d'un corps solide

1. Notion de l'énergie mécanique

Reprenons l'exemple de chute d'un ballon dans le champs de pesanteur considéré comme uniforme .

Bilan des forces appliquée sur le ballon : \vec{P} (chute libre)

L'axe \vec{Oz} est orienté vers le haut et $E_{pp} = 0$ à $z = 0$ i.e que $E_{pp} = mgz$



II. Énergie mécanique d'un corps solide

1. Notion de l'énergie mécanique

- Appliquons le théorème de l'énergie cinétique au cours de déplacement du centre d'inertie du ballon de la position A de cote z_A à la position B de cote z_B .

-

$$\Delta E_c = W_{AB}(\vec{P})$$

$$W_{AB}(\vec{P}) = E_c(B) - E_c(A)$$

- D'un autre coté, nous avons :

$$W_{AB}(\vec{P}) = E_{pp}(A) - E_{pp}(B)$$

donc on déduit que :

$$E_c(B) - E_c(A) = E_{pp}(A) - E_{pp}(B)$$

$$E_{pp}(B) + E_c(B) = E_c(A) + E_{pp}(A)$$

II. Énergie mécanique d'un corps solide

1. Notion de l'énergie mécanique

- Appliquons le théorème de l'énergie cinétique au cours de déplacement du centre d'inertie du ballon de la position A de cote z_A à la position B de cote z_B .

●

$$\Delta E_c = W_{AB}(\vec{P})$$

$$W_{AB}(\vec{P}) = E_c(B) - E_c(A)$$

- D'un autre coté, nous avons :

$$W_{AB}(\vec{P}) = E_{pp}(A) - E_{pp}(B)$$

donc on déduit que :

$$E_c(B) - E_c(A) = E_{pp}(A) - E_{pp}(B)$$

$$E_{pp}(B) + E_c(B) = E_c(A) + E_{pp}(A)$$

II. Énergie mécanique d'un corps solide

1. Notion de l'énergie mécanique

- Appliquons le théorème de l'énergie cinétique au cours de déplacement du centre d'inertie du ballon de la position A de cote z_A à la position B de cote z_B .

-

$$\Delta E_c = W_{AB}(\vec{P})$$

$$W_{AB}(\vec{P}) = E_c(B) - E_c(A)$$

- D'un autre coté, nous avons :

$$W_{AB}(\vec{P}) = E_{pp}(A) - E_{pp}(B)$$

donc on déduit que :

$$E_c(B) - E_c(A) = E_{pp}(A) - E_{pp}(B)$$

$$E_{pp}(B) + E_c(B) = E_c(A) + E_{pp}(A)$$

II. Énergie mécanique d'un corps solide

1. Notion de l'énergie mécanique

- Appliquons le théorème de l'énergie cinétique au cours de déplacement du centre d'inertie du ballon de la position A de cote z_A à la position B de cote z_B .

-

$$\Delta E_c = W_{AB}(\vec{P})$$

$$W_{AB}(\vec{P}) = E_c(B) - E_c(A)$$

- D'un autre coté, nous avons :

$$W_{AB}(\vec{P}) = E_{pp}(A) - E_{pp}(B)$$

donc on déduit que :

$$E_c(B) - E_c(A) = E_{pp}(A) - E_{pp}(B)$$

$$E_{pp}(B) + E_c(B) = E_c(A) + E_{pp}(A)$$

II. Énergie mécanique d'un corps solide

- donc on déduit que :

$$E_c(B) - E_c(A) = E_{pp}(A) - E_{pp}(B)$$

$$E_{pp}(B) + E_c(B) = E_c(A) + E_{pp}(A)$$

- Donc la somme $(E_c + E_{pp})$ est constante dans le cas du chute libre ou dans le cas d'un glissement sans frottement sur un plan incliné .
- Au cours du mouvement lorsque E_c augment , E_{pp} diminue et vis versa . et la somme $(E_c + E_{pp})$ reste constante . Cette somme joue un rôle important en mécanique , on la nomme **énergie mécanique** noté E_m

II. Énergie mécanique d'un corps solide

- donc on déduit que :

$$Ec(B) - Ec(A) = Epp(A) - Epp(B)$$

$$Epp(B) + Ec(B) = Ec(A) + Epp(A)$$

- Donc la somme ($Ec+Epp$) est constante dans le cas du chute libre ou dans le cas d'un glissement sans frottement sur un plan incliné .
- Au cours du mouvement lorsque Ec augment , Epp diminue et vis versa . et la somme ($Ec+Epp$) reste constante . Cette somme joue un rôle important en mécanique , on la nomme **énergie mécanique** noté E_m

II. Énergie mécanique d'un corps solide

- donc on déduit que :

$$Ec(B) - Ec(A) = Epp(A) - Epp(B)$$

$$Epp(B) + Ec(B) = Ec(A) + Epp(A)$$

- Donc la somme ($Ec+Epp$) est constante dans le cas du chute libre ou dans le cas d'un glissement sans frottement sur un plan incliné .
- Au cours du mouvement lorsque Ec augment , Epp diminue et vis versa . et la somme ($Ec+Epp$) reste constante . Cette somme joue un rôle important en mécanique , on la nomme **énergie mécanique** noté E_m

II. Énergie mécanique d'un corps solide

- donc on déduit que :

$$Ec(B) - Ec(A) = Epp(A) - Epp(B)$$

$$Epp(B) + Ec(B) = Ec(A) + Epp(A)$$

- Donc la somme ($E_c + E_{pp}$) est constante dans le cas du chute libre ou dans le cas d'un glissement sans frottement sur un plan incliné .
- Au cours du mouvement lorsque E_c augment , E_{pp} diminue et vis versa . et la somme ($E_c + E_{pp}$) reste constante . Cette somme joue un rôle important en mécanique , on la nomme **énergie mécanique** noté E_m

II. Énergie mécanique d'un corps solide

Definition

Dans un repère donné, à chaque instant t , l'énergie mécanique d'un corps solide est égale à la somme de son énergie cinétique et de son énergie potentielle de pesanteur

$$E_m = E_c + E_{pp} \quad (6)$$

L'unité de E_m dans S.I est le joule (J) .

II. Énergie mécanique d'un corps solide

☞ pour un corps S de masse m et de vitesse v à un instant t et dont son centre d'inertie se trouve à la position de cote z sur un axe \vec{Oz} orienté vers le haut. l'expression de son énergie mécanique s'écrit :

$$E_m = \frac{1}{2}mv^2 + mg(z - z_{ref}) \quad (7)$$

On remarque que l'énergie mécanique aussi dépend de l'état de référence choisi .

II. Énergie mécanique d'un corps solide

Remarque

Dans le cas où le corps solide est en rotation autour d'un axe fixe avec une vitesse angulaire ω et de moment d'inertie J_{Δ} son énergie mécanique est :

$$E_m = \frac{1}{2} J_{\Delta} \omega^2 + mg(z - z_{ref})$$

(voir exercices)

II. Énergie mécanique d'un corps solide

2. Conservation de l'énergie mécanique

a. Le cas de chute libre d'un corps solide.

- Dans la chute d'un ballon, en absence de frottement (chute libre), on à montrer que

$$E_{pp}(B) + E_c(B) = E_c(A) + E_{pp}(A) \Rightarrow E_m(B) = E_m(A)$$

- Cette relation est valable pour toute position du centre d'inertie G du ballon au cours du mouvement i.e que l'énergie mécanique du ballon reste constante si seul le poids, force conservative, travaille : $E_c + E_p = E_m = Cte$
- On dit que l'énergie mécanique se conserve et le système est conservatif .

II. Énergie mécanique d'un corps solide

2. Conservation de l'énergie mécanique

a. Le cas de chute libre d'un corps solide.

- Dans la chute d'un ballon, en absence de frottement (chute libre), on à montrer que

$$E_{pp}(B) + E_c(B) = E_c(A) + E_{pp}(A) \Rightarrow E_m(B) = E_m(A)$$

- Cette relation est valable pour toute position du centre d'inertie G du ballon au cours du mouvement i.e que l'énergie mécanique du ballon reste constante si seul le poids, force conservative, travaille : $E_c + E_p = E_m = Cte$
- On dit que l'énergie mécanique se conserve et le système est conservatif .

II. Énergie mécanique d'un corps solide

2. Conservation de l'énergie mécanique

a. Le cas de chute libre d'un corps solide.

- Dans la chute d'un ballon, en absence de frottement (chute libre), on à montrer que

$$E_{pp}(B) + E_c(B) = E_c(A) + E_{pp}(A) \Rightarrow E_m(B) = E_m(A)$$

- Cette relation est valable pour toute position du centre d'inertie G du ballon au cours du mouvement i.e que l'énergie mécanique du ballon reste constante si seul le poids, force conservative, travaille : $E_c + E_p = E_m = Cte$
- On dit que l'énergie mécanique se conserve et le système est conservatif .

II. Énergie mécanique d'un corps solide

2. Conservation de l'énergie mécanique

a. Le cas de chute libre d'un corps solide.

- Dans la chute d'un ballon, en absence de frottement (chute libre), on à montrer que

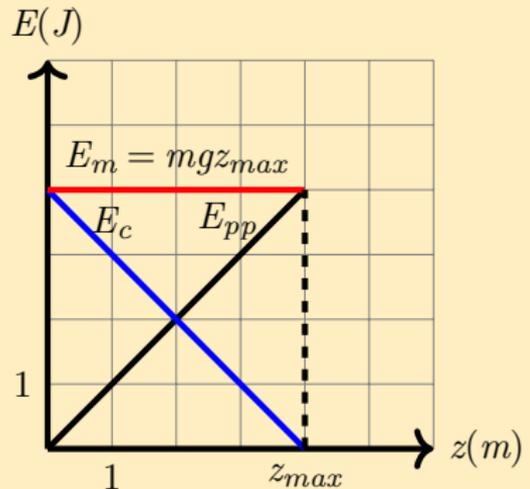
$$E_{pp}(B) + E_c(B) = E_c(A) + E_{pp}(A) \Rightarrow E_m(B) = E_m(A)$$

- Cette relation est valable pour toute position du centre d'inertie G du ballon au cours du mouvement i.e que l'énergie mécanique du ballon reste constante si seul le poids, force conservative, travaille : $E_c + E_p = E_m = Cte$
- On dit que l'énergie mécanique se conserve et le système est conservatif .

II. Énergie mécanique d'un corps solide

Interprétation graphique pour un système conservatif .

On peut interpréter la conservation d'énergie mécanique au cours du mouvement , dans la même graphe (OE, Oz) , en traçant la variation de l'énergie potentielle en fonction de z et l'énergie mécanique E_m .



Pour la chute libre du ballon en prenant l'état de référence le sol où $z = 0$, on a : $E_{pp} = mgz$ est une droite affine pour $0 \leq z \leq z_m$.

$E_m = Cte = mgz_m$ où z_m l'altitude maximale

$$E_c = E_m - mgz$$

II. Énergie mécanique d'un corps solide

3. Non conservation de l'énergie mécanique.

On considère un corps solide (S) de masse $m = 40\text{kg}$ glisse avec frottement sur un plan incliné d'un angle $\alpha = 45^\circ$ par rapport à l'horizontale .

On lâche le solide à l'instant t_1 du point M_1 de cote z_1 avec une vitesse $v_1 = 8\text{m/s}$ et à l'instant t_2 , il passe par le point M_2 de cote z_2 avec une vitesse $v_2 = 10\text{m/s}$. La distance parcourue par le solide entre ces deux instants est $M_1M_2 = 3\sqrt{2}m$.

On prend $g = 10\text{n/kg}$

II. Énergie mécanique d'un corps solide

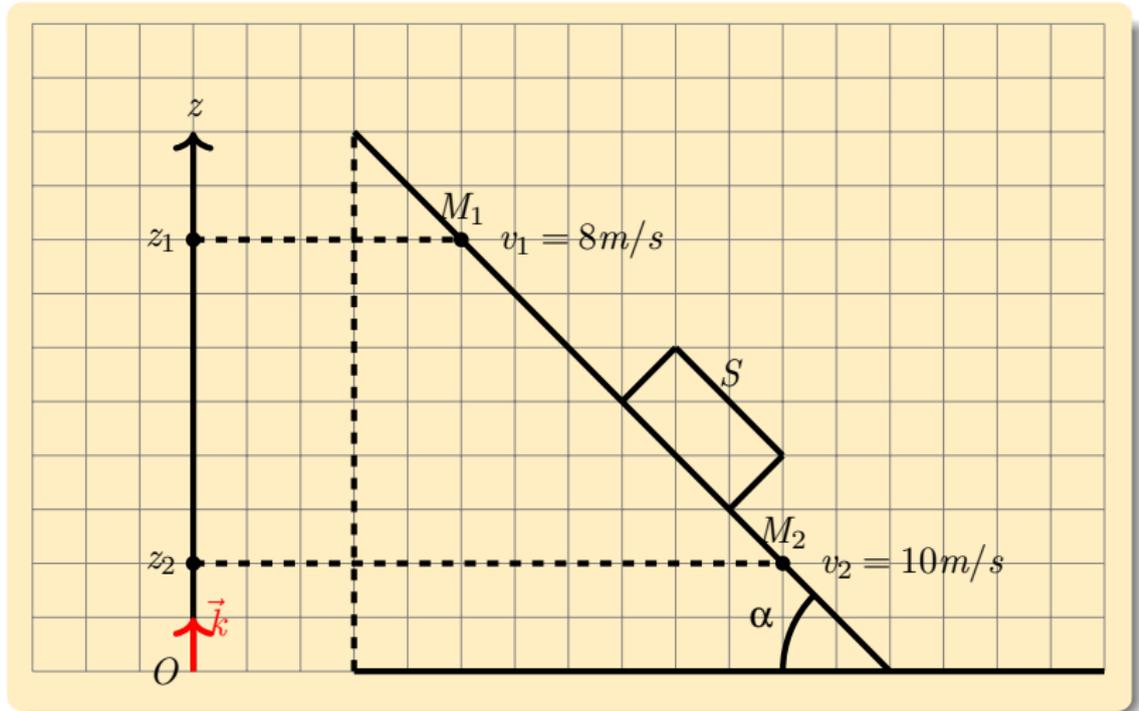
TRAVAIL
ET
ÉNERGIE
POTEN-
TIELLE
DE PE-
SANTEUR

allal
Mahdade

Introduction

Énergie
potentielle
de
pesanteur

Énergie
mécanique
d'un corps
solide



II. Énergie mécanique d'un corps solide

1. calculer la variation de l'énergie mécanique ΔE_m
2. En appliquant le théorème d'énergie cinétique , montrer que

$$\Delta E_m = W_{M_1 M_2}(\vec{f})$$

Justifier le signe de ΔE_m .

II. Énergie mécanique d'un corps solide

1. calcul de ΔE_m

On sait que $\Delta E_m = \Delta E_c + \Delta E_{pp}$

Avec $\Delta E_c = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2) = 20 \times (100 - 64) = 720 J$ Et

$\Delta E_{pp} = -W(\vec{P}) = -mgh$ avec $h = d.\sin\alpha$, donc

$$\Delta E_{pp} = -m.g.d.\sin\alpha = -40 \times 10 \times 3\sqrt{2} \times \sin(45^\circ) = -1200 J$$

$$\Delta E_m = 720 - 1200 = -480 J$$

II. Énergie mécanique d'un corps solide

2. On applique le T.E.C entre les deux instants t_1 et t_2

$$\Delta E_c = \Sigma W$$

$$\Delta E_c = W_{M_1 \rightarrow M_2}(\vec{P}) + W_{M_1 \rightarrow M_2}(\vec{R})$$

On sait que $W_{M_1 \rightarrow M_2}(\vec{P}) = Mg(z_1 - z_2) = -\Delta E_{pp}$. Donc

$$\Delta E_c = -\Delta E_{pp} + W_{M_1 \rightarrow M_2}(\vec{f})$$

avec $W_{M_1 \rightarrow M_2}(\vec{R}_T) = 0$

$$\Delta E_c + \Delta E_{pp} = W_{M_1 \rightarrow M_2}(\vec{f})$$

$$\Delta E_m = W_{M_1 \rightarrow M_2}(\vec{f}) = -480 \text{ J} < 0$$

II. Énergie mécanique d'un corps solide

TRAVAIL
ET
ÉNERGIE
POTEN-
TIELLE
DE PE-
SANTEUR

allal
Mahdade

Introduction

Énergie
potentielle
de
pesanteur

Énergie
mécanique
d'un corps
solide

Dans ce cas l'énergie mécanique ne se conserve pas , le singe négatif montre sa diminution au cours du mouvement du solide et cette diminution correspondant au travail des forces de frottement

On dit alors que

les forces de frottement ne sont pas conservatives .

II. Énergie mécanique d'un corps solide

TRAVAIL
ET
ÉNERGIE
POTEN-
TIELLE
DE PE-
SANTEUR

allal
Mahdade

Introduction

Énergie
potentielle
de
pesanteur

Énergie
mécanique
d'un corps
solide

Conclusion

Au cours de glissement d'un corps solide avec frottement sur un plan incliné , la variation de l'énergie mécanique est égale au travail des force de frottement .

II. Énergie mécanique d'un corps solide

TRAVAIL
ET
ÉNERGIE
POTEN-
TIELLE
DE PE-
SANTEUR

allal
Mahdade

Introduction

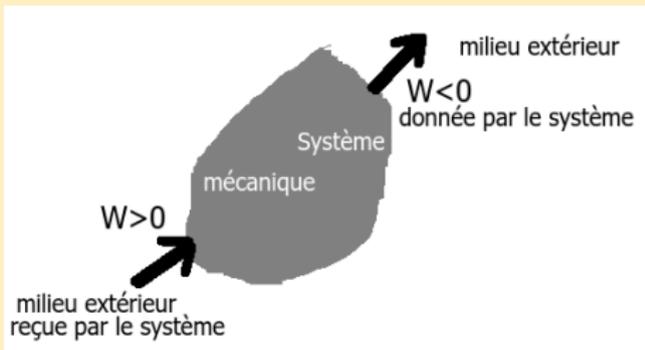
Énergie
potentielle
de
pesanteur

Énergie
mécanique
d'un corps
solide

Interprétation de ces résultats

Par convention : tout système mécanique reçoit de l'énergie (W) du milieu extérieur alors $W > 0$

Lorsqu'il libère de l'énergie vers l'extérieur alors $W < 0$



II. Énergie mécanique d'un corps solide

TRAVAIL
ET
ÉNERGIE
POTEN-
TIELLE
DE PE-
SANTEUR

allal
Mahdade

Introduction

Énergie
potentielle
de
pesanteur

Énergie
mécanique
d'un corps
solide

Interprétation :

Au cours de glissement avec frottement d'un corps solide sur un plan incliné , l'énergie mécanique diminue , en effet , à cause des frottement une partie de l'énergie mécanique se transforme en une énergie calorifique Q qui provoque un échauffement du système (le corps solide) et l'air environnant . En utilisant la convention , le système libère une énergie calorifique à l'extérieur

$$\Delta E_m = W(\vec{f}) = -Q \quad (9)$$

II. Énergie mécanique d'un corps solide

TRAVAIL
ET
ÉNERGIE
POTEN-
TIELLE
DE PE-
SANTEUR

allal
Mahdade

Introduction

Énergie
potentielle
de
pesanteur

Énergie
mécanique
d'un corps
solide

Conclusion

La diminution de l'énergie mécanique d'un système en mouvement sur un plan se traduit par le réchauffement du système et l'air environnant .